

গাণিতিক মুক্তি

বিষয় নম্বর : ০০৮

বিশেষজ্ঞ সম্মতি—৫ পয়

পূর্ণাঙ্গ—৫০

- ১। (ক) যদি $b^3 - 2\sqrt{6}b + 1 = 0$ হয়, তবে $b^5 + \frac{1}{b^3}$ এর মান নির্ণয় করুন।

(খ) সমাধান সেট বাস্তিত করুন :

$$x^{-1} + b^{-1} + a^{-1} = (a + b + x)^{-1}$$

- ২। (ক) যদি $\frac{6}{x} + \frac{1}{m} + \frac{1}{n}$ হয় তবে দেখান যে, $\frac{x+3m}{x-3m} + \frac{x+3n}{x-3n} = 2$

- (খ) $A = \cos\theta + i\sin\theta$, $B = \cos\theta - i\sin\theta$ দুইটি মিকেলেভিক রূপ এবং যদি $A = \sqrt{2}(A - \sin\theta)$ হয়, তবে অজ্ঞ করুন যে, $B = \sqrt{2}(A - \cos\theta)$

- ৩। (ক) $\cot A - \operatorname{cosec} A = \frac{1}{P}$ এবং $\sec A = \frac{P^2 + 1}{P^2 - 1}$.

- (খ) কেনো খুন থেকে একটি মিনারের নিকে টি ঘিরে আসলে মিনারের শীর্ষ বিন্দুর উচ্চতা কেণ 45° থেকে 60° হয়। মিনারটির উচ্চতা নির্ণয় করুন।

- ৪। (ক) যদি $U = \{x : x \in \mathbb{Z} \text{ এবং } x^2 < 100\}$

এবং $A = \{x : x, 6 \text{ এর উৎপাদক}\}$

$$B = \{x : x \in \mathbb{N}, x^2 - 3x + 2 = 0\}$$

তবে দেখান যে, $(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$.

- (খ) যদি $P = \frac{x^a}{x^b}$, $Q = \frac{x^b}{x^c}$ এবং $R = \frac{x^c}{x^a}$ হয়, তবে দেখান যে,

$$\log P(a^2 + ab + b^2) + \log Q(b^2 + bc + c^2) + \log R(c^2 + ca + a^2) = 0$$

- ৫। (ক) যি খান তাঁর বেতন থেকে 1200 টাকা অর্থম মাসে জমা করেন এবং পরবর্তী মাসগুলোতে পূর্ববর্তী মাস থেকে 100 টাকা বেশি জমা করেন। কত বছারে তাঁর 106200 টাকা জমা হবে?

- (খ) পরগুর তিনটি বিজ্ঞানী সংখ্যার অভ্যন্তর এক গুরুত্ব এবং বিভিন্ন এক তৃতীয়শের মোগফলের দ্বিতীয়, তৃতীয়টি থেকে। কর হলে, সংখ্যাগুলো বাস্তিত করুন।

- ৬। (ক) DU জর্জ পরীক্ষার 120 টি MCQ প্রশ্নের প্রত্যেকটি সঠিক উত্তরের জন্য। নথৰ প্রদান করা হয়। এবং প্রত্যেকটি কূল উত্তরের জন্য $\frac{1}{4}$ নথৰ কর্তৃত করা হয়। একজন পরীক্ষার্থী সকল প্রশ্নের উত্তর দিয়ে 65 নথৰ মাঝ হয়েছে। পরীক্ষার্থী কৃতকলা সঠিক এবং কৃতকলা কূল উত্তর দিয়েছিল?

- (খ) সমাধান করুন : $4^x - 3 \cdot 2^x + 2 + 2^5 = 0$

- ৭। (ক) $-2x + y = -1$, $x - 2y + z = 0$ এবং $y - 2z = -1$ সমীকরণসমূহের সমাধান সেট (x, y, z) কত?

- (খ) $\left(2x^2 - \frac{1}{2}\right)^8$ এর নিরূপিত পর্যন্ত সহজ নির্ণয় করুন।

[পর পৃষ্ঠা প্রাপ্তি]

৪। (ক) অতোক যাত্রী সময়ারে ভাড়া প্রদানের শর্টে 2400 টাকার একটি বাস ভাড়া করা হল। কিন্তু '10' জন যাত্রী অনুপস্থিত থাকার তাদের মাঝাপিলু ভাড়া '8' টাকা বৃক্ষ পেল। অতোক যাত্রীর ভাড়ার পরিমাণ বাহির কর।

(খ) একটি দ্রব্য 8% ক্ষতিতে বিক্রয় করা হলো। দ্রব্যটি আরও 800 টাকা বেশি মূল্যে বিক্রয় করলে 8% লাভ হতো। দ্রব্যটির ক্রয়মূল্য কত?

৫। (ক) যদি $A(3, 4)$, $B(-4, 2)$, $C(6, -1)$ এবং $D(K, 3)$ ধনাত্মক নিক নিরেচনায় বিন্দু হয় এবং $ABCD$ চতুর্ভুজের ক্ষেত্রফল ABC ছিঙের ক্ষেত্রফলের তিনগুণ হয়, তবে K -এর মান বাহির করুন।

(খ) যদি $f: x \rightarrow \frac{2x-1}{2x+3}$ এবং $2f^{-1}(x) = x$ হয় তবে x -এর মান বাহির করুন।

৫। বিন্দু ΔABC এর D ও E যথাক্রমে AB ও AC বাহুর মধ্যবিন্দু এবং $\angle B$ ও $\angle C$ এর সমান্তরালকরণ F বিন্দুতে মিলিত হয়েছে। অবশ্য করুন যে, $DE \parallel BC$, $DE = \frac{1}{2} BC$, $\angle BFC = 90^\circ + \frac{1}{2} \angle A$ ।

[English Version]

1. (a) If $b^2 - 2\sqrt{6}b + 1 = 0$, then find the value of $b^5 + \frac{1}{b^5}$.

(b) Find the solution set of the equation :

$$x^{-1} + b^{-1} + a^{-1} = (a + b + x)^{-1}.$$

2. (a) If $\frac{6}{x} = \frac{1}{m} + \frac{1}{n}$, then show that $\frac{x+3m}{x-3m} + \frac{x+3n}{x-3n} = 2$.

(b) $A = \cos\theta + \sin\theta$, $B = \cos\theta - \sin\theta$ be two trigonometric expressions and if $A = \sqrt{2}(A - \sin\theta)$ then prove that, $B = \sqrt{2}(A - \cos\theta)$.

3. (a) If $\cot A - \operatorname{cosec} A = \frac{1}{P}$, prove that, $\sec A = \frac{P^2 + 1}{P^2 - 1}$.

(b) The angle of elevation of a tower becomes 60° from 45° by moving 60 metre towards the tower. Find the height of the tower.

4. (a) If $U = \{x : x \in \mathbb{Z} \text{ and } x^2 < 100\}$

and $A = \{x : x \text{ is a factor of } 6\}$

$$B = \{x : x \in \mathbb{N}, x^2 - 3x + 2 = 0\}$$

then show that, $(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$.

(b) If $P = \frac{x^a}{x^b} \cdot Q = \frac{x^b}{x^c}$ and $R = \frac{x^c}{x^d}$ then show that,

$$\log P a^2 + ab + b^2 + \log Q b^2 + bc + c^2 + \log R c^2 + ca + a^2 = 0.$$

5. (a) Mr. Khan deposite Tk. 1200 from his salary in the first month and every subsequent month he deposite Tk. 100 more than the previous month. In how many years does he deposite a total of Tk. 106200?

(b) Among three consecutive odd numbers the double of the sum of one-fifth of the first number and one-third of the second number is 1 less than the third number. Find the three numbers.

15)

प्रश्नबोधक

हाने की बसबै?

7 10 ? 94 463
(क) 30 (ख) 25
(ग) 50 (घ) 66



2

16)

10 टि जिनिस थेके एकसाथे 8 टि जिनिस कत

उपाये देया याय?

(क) 2000 (ख) 3010
(ख) 210 (घ) 5080

2008

~~= 201 (20-6) 011~~~~= 201 (20-6) 011~~~~= 201 (20-6) 011~~

17)

एकटि वह निर्बाचनी प्रश्नमालाय 100 टि प्रश्न आहे।

अति अंद्रेर 8 टि विकल्प उत्तर आहे। परीक्षार्थी 20 टि

प्रश्नेर उत्तर सतिकातवै देय। वाकि प्रश्नगुणो अनुमान

करै उत्तर देय। परीक्षार्थी ए परीक्षाय कत नसर

पेहोचिल?

(क) 15 (ख) 25
(ग) 50 (घ) 80

18)

8 टा थेके 6 टार मध्ये कोन समर्ये घडिऱ काटा

एकटि सरलरेखाया थाकवे किंवा एकसाथे थाकवे ना?

(क) 8 टा बेजे 55 मिनिट
(ख) 5 टा बेजे 55 मिनिट

(ग) 8 टा बेजे 50 मिनिट
(घ) 5 टा बेजे 80 मिनिट

एकटि संख्याय 75% एव साथे 95 योग करूने फलाफल

हिसेबे पूर्वीर संख्याटि पाऊया याय। संख्याटि कत?

(क) 100 (ख) 125
(ग) 275 (घ) 300

19)

Y दफ्तिन दिके मुख्य करै 8 कि. मि. इटोर पूर्व वायादिके

घुरल एवं 5 कि. मि. इटोर। अवार डानप्रांते घुरे

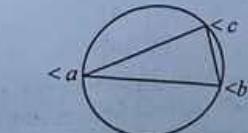
6 कि. मि. इटोर। शेवेर दिके Y कोन दिके मुख

करै हातचिल?

(क) पश्चिम (ख) दक्षिण
(ग) पूर्व (घ) उत्तर

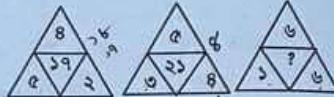
20)

(क) $\frac{3}{10} 0.1\bar{3}$ (ख) $\frac{2}{5} 0.\bar{4}$
(ग) $\frac{8}{12} 0.2\bar{6}\bar{6}$ (घ) $\frac{17}{19} 0.0\bar{0}\bar{1}$

~~प्रश्न + उत्तर =~~उपरेव चित्र यदि $\angle a = 35$ हय ताहले $\angle b$?

(क) 35 (ख) 85
(ग) 25 (घ) 65

21) प्रश्नबोधक ठिहेर हाने की हवे?



(क) 17 (ख) 21
(ग) 28 (घ) 29

22) वातिक्रम संख्या कोनटि?

(क) 7 (ख) 9
(ग) 9 (घ) 17

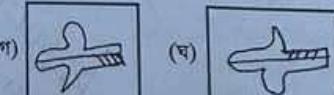
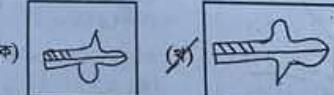
यदि MENTAL = 256819 हवे तावे HEALTH = ?

(क) 798157 (ख) 751987
(ग) 898158 (घ) 759189

एकजन लोक 8 फिट लाफ दिते पारे। से एकटि नोंका थेके तीरेर उद्देश्ये लाफ दिल। तरव्य नोंकाटि तीर थेके 3 फिट दूर दिल। से कोथाया पोहावे?

(क) नवीर तीरे 1 फिट भेडरे
(ख) ठिक बिनारे
(ग) गानिते
(घ) उपरेव कोनाट्टी नवा

23) चाराति विकल्प थेके अदात तिहेर सतिक आयनाचित्राति बेहे निन।

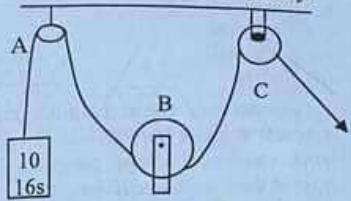


24) निचेव छविते भारसामा रक्कार जन्य कत ओजनेर प्रयोजन?

6 मि. 8 मि. 9 kg

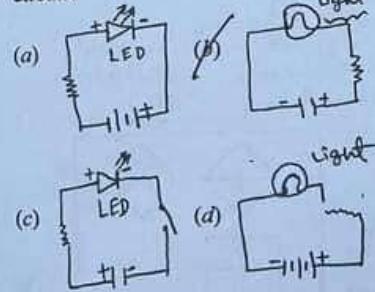
(क) 8 केजि (ख) 6 केजि
(ग) 9 केजि (घ) 2 केजि

29. Which shaft will turn more quickly?



- (a) A
(c) C
(b) B
(d) All the same

30. Which of the following will form a correct circuit?

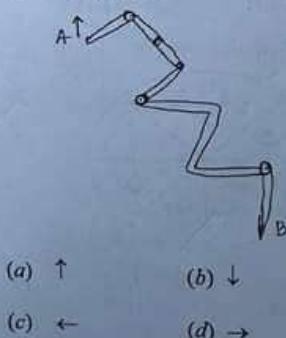


31. What number has been left out?

2	3	9
3	?	5
8	5	5

- (a) 4
(c) 7
(b) 5
(d) 8

32. If A's direction is \uparrow then what will be the direction of B?

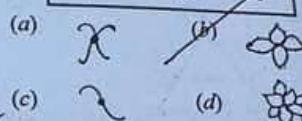


- (a) \uparrow
(b) \downarrow
(c) \leftarrow
(d) \rightarrow

পানকোড়ি
33. Which is the correct letter for the missing part?

- (a) B
(c) L
(b) C
(d) T

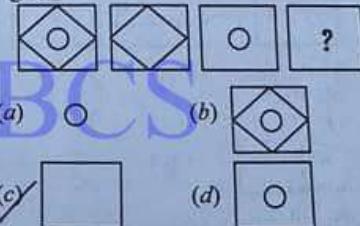
34. $S \ ? \ 8 \ 8$
 $\swarrow \curvearrowright \curvearrowleft \curvearrowright$
 $\curvearrowleft \curvearrowright \curvearrowleft \ ?$



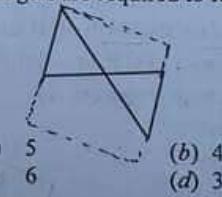
35. A grandparent is usually more — than his grandchild.

- (a) taller
(c) experienced
(b) wiser
(d) heavier

36. Which one is appropriate for the missing figure?

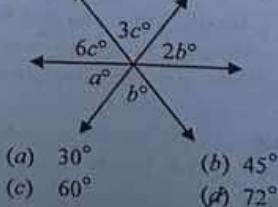


37. In the following illustration, how many triangles are required to form a square?



- (a) 5
(c) 6
(b) 4
(d) 3

38. Estimate $a = ?$



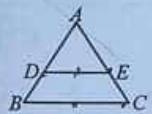
- (a) 30°
(c) 60°
(b) 45°
(d) 72°

Please turn over

39. A watch was correct at noon, after which it started to lose 17 minutes per hour and stopped completely at 2:52 pm. What time is it now?

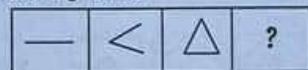
(a) 3:30 pm
(b) 4:00 pm
(c) 4:30 pm
(d) 5:00 pm

40. In the figure, DE is parallel to BC . If the area of the triangle ADE is half that of trapezoid $DECB$. What is the ratio of AE to AC ?



(a) 1:2 (b) 1:3
(c) $1:\sqrt{2}$ (d) $1:\sqrt{3}$

41. What would be the next figure in the following series?



- (a) \times (b) ○
(c) □ (d) ○○

42. Which word is odd man out?

(a) SIR (b) MAN
(c) TON (d) HOG

43. If A is situated to the north of B and B is situated to the east of C then what is the direction of C with respect to A?

(a) North-east
(b) South-east
(c) South-west
(d) North-west



44. Tomorrow it is Hena's exam. Her birthday will be on the same day in the next week. If today it is Wednesday, what day follows the birthday?

(a) Saturday (b) Sunday
(c) Thursday (d) Friday

৭৪ এক্স (পানকোড়ি ১)

45. Mother : child :: _____ : patient

(a) injection
(b) uniform
(c) hospital
(d) nurse

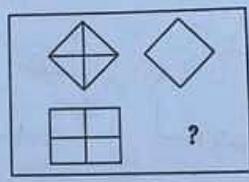
46. Three machines can accomplish a task in 4, 6, and 8 hours respectively. How much work can two machines complete in one hour at their highest efficiency?

(a) $\frac{7}{24}$
(c) $\frac{3}{8}$
(b) $\frac{5}{12}$
(d) $\frac{12}{32}$

47. $6 + 5 \text{ of } \frac{1}{2} = ?$

(a) 5.5
(c) 8.5
(b) 7.5
(d) 3

48.



- (a) (b)
(c) (d)

49. Which word from the alternatives means the same as the two words outside the brackets?

CROWD (.....) NEWSPAPER
(a) BILL (b) PRESS
(c) CORN (d) EDITOR

50. Find the missing letters.



- (a) A, R
(b) I, O
(c) U, D
(d) B, A

অন্তর্বর্তী
বিদ্যুৎ ফোরা